

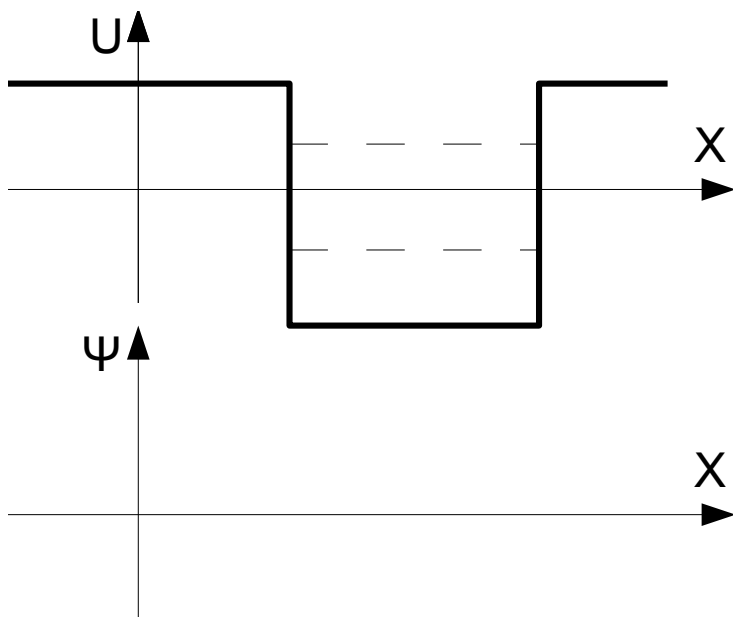
Полусеместровая контрольная работа 25.10.2021, гр. 2-929: Вариант 1

Студент	Часть 1				$\Sigma_1$	Часть 2			$\Sigma$
	1	2	3	4		А	Б	В	

## Часть 1

Четыре простых вопроса, один балл за вопрос. Выполняется без литературы. Ответ краткий: написать формулу, нарисовать схематический рисунок.

1. Типичная величина работы выхода в металле равна \_\_\_\_\_
2. Возможные значения энергии стационарных состояний водородоподобного атома равны (формула, массу ядра не учитывать): \_\_\_\_\_
3. Какие значения полного момента атома возможны для терма с полным орбитальным моментом  $L=3$  и полным спином  $S=3/2$ : \_\_\_\_\_
4. Схематически изобразить график волновой функции второго энергетического уровня для частицы в одномерной потенциальной яме, показанной на рисунке. Нумерация энергетических уровней выбрана так, что основное состояние имеет номер  $N=1$ ; считать, что параметры ямы заведомо подобраны так, что уровень с заданным номером соответствует локализованному состоянию. Энергии нескольких первых стационарных состояний показаны пунктиром.



Студент	Вариант 1

## Часть 2

три задачи, разбалловка указана, решаются с использованием литературы

### Задача А (2 балла)

Электрон с энергией 5 эВ подлетает к барьеру высотой 3 эВ и шириной 1 нм. Считая задачу одномерной, определить вероятность прохождения барьера.

### Задача Б (2 балла)

Оценить, при какой температуре в разреженной водород-дейтериевой плазме перестанут различаться красные линии сери Бальмера.

### Задача В (3 балла)

Максимум спектральной интенсивности Солнца (  $T=5500\text{ K}$  ) приходится на зелёную часть спектра (  $\lambda_0 \approx 530\text{ нм}$  ).

Оценить, как изменится равновесная температура чёрного тела летающего примерно на орбите Земли (поток солнечной радиации  $j_0=1400\text{ Вт/м}^2$  ), если покрасить его зелёной краской. В качестве ответа принимаются и абсолютные, и относительные значения изменения температуры.

Считать, что зелёная краска отражает всё излучение в полосе  $\pm 5\text{ нм}$  от  $\lambda_0$  и не меняем поглощающую способность в других частях спектра.

*Физическая подсказка:* спектральная плотность излучения АЧТ  $\rho(\lambda) \propto \frac{1}{\lambda^5} \times \frac{1}{e^{4.97\lambda_{\max}/\lambda} - 1}$  ,

где  $\lambda_{\max}$  – длина волны в максимуме спектральной плотности.

*Математическая подсказка:*  $\int_0^{\infty} \frac{1}{x^5} \frac{1}{e^{(1/x)} - 1} dx = \frac{\pi^4}{15}$  .

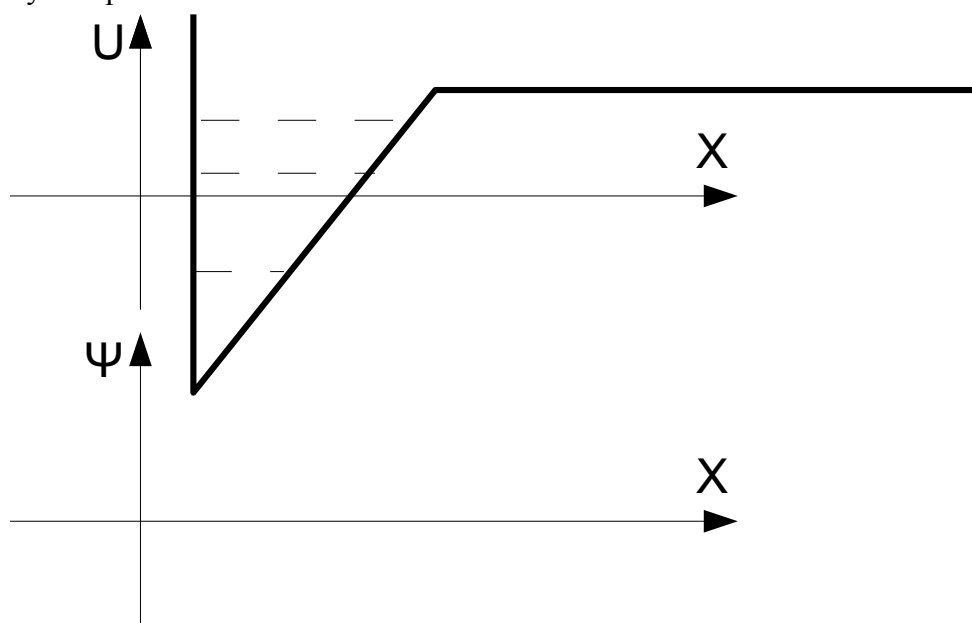
Полусеместровая контрольная работа 25.10.2021, гр. 2-929: Вариант 2

Студент	Часть 1				$\Sigma_1$	Часть 2			$\Sigma$
	1	2	3	4		А	Б	В	

## Часть 1

Четыре простых вопроса, один балл за вопрос. Выполняется без литературы. Ответ краткий: написать формулу, нарисовать схематический рисунок.

1. Типичная энергия фотона видимой части спектра равна (в эВ): \_\_\_\_\_
2. Возможные значения энергии стационарных состояний одномерного гармонического осциллятора: \_\_\_\_\_
3. Какие значения полного момента возможны для атома с полным орбитальным моментом  $L=1$  и полным спином  $S=3/2$ : \_\_\_\_\_
4. Схематически изобразить график волновой функции третьего энергетического уровня для частицы в одномерной потенциальной яме, показанной на рисунке (на левой границе потенциал бесконечен). Нумерация энергетических уровней выбрана так, что основное состояние имеет номер  $N=1$ ; считать, что параметры ямы заведомо подобраны так, что уровень с заданным номером соответствует локализованному состоянию. Энергии нескольких первых стационарных состояний показаны пунктиром.



Студент	Вариант 2

## Часть 2

три задачи, разбалловка указана, решаются с использованием литературы

### Задача А (2 балла)

Электрон с энергией 5 эВ подлетает к яме глубиной 3 эВ и шириной 1 нм. Считая задачу одномерной, определить вероятность отражения от ямы.

### Задача Б (2 балла)

Частота собственных колебаний молекулы кислорода равна  $1556 \text{ см}^{-1}$  ( $1 \text{ см}^{-1}=30 \text{ ГГц}$ ). Каков относительный вклад колебательной степени свободы в молярную теплоёмкость молекулярного кислорода при комнатной температуре  $\frac{C_{\text{кол}}^{(u)}}{5/2 R}$ .

### Задача В (3 балла)

Характеристическое излучение меди (К- $\alpha$  линия) используется в лабораториях как один из источников монохроматического рентгеновского излучения в рентгеноструктурном анализе: медный катод бомбардируется электронами, выбивающими внутренние электроны меди, и при переходах внешних электронов на освободившиеся места избыток энергии выделяется в виде рентгеновского фотона.

Бомбардируемый электронами катод охлаждается проточной водой поддерживается при температуре 350К.

Определить, будет ли в спектре характеристического излучения разрешаться расщепление К- $\alpha$  линии, связанное с присутствием в используемой в катоде лампы природной меди двух изотопов с массами 63 и 65.

*Указание:* тонкую структуру К- $\alpha$  линии не учитывать, для оценки можно пренебречь экранированием ядра для двух первых внутренних оболочек.

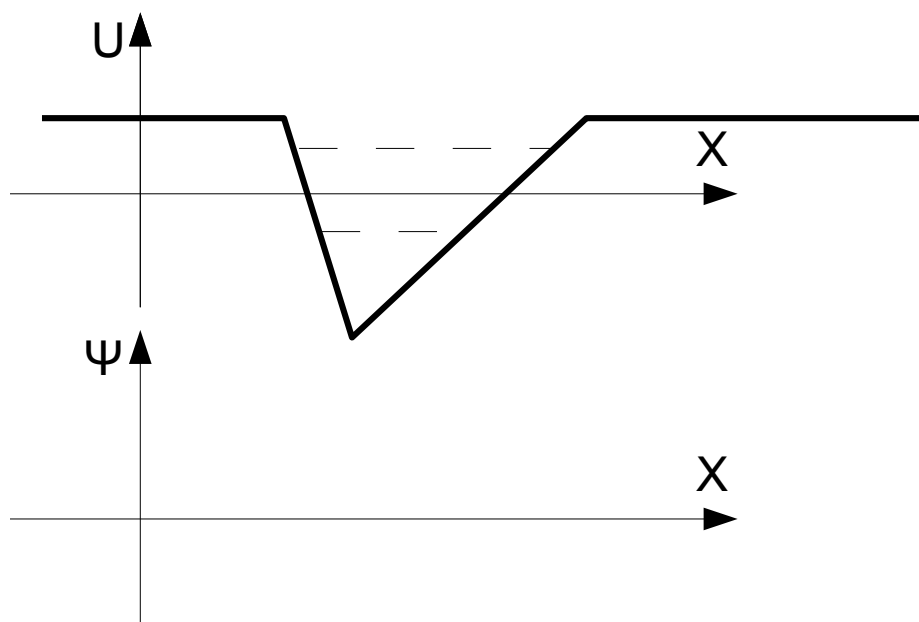
Полусеместровая контрольная работа 25.10.2021, гр. 2-929: Вариант 3

Студент	Часть 1				$\Sigma_1$	Часть 2			$\Sigma$
	1	2	3	4		А	Б	В	

## Часть 1

Четыре простых вопроса, один балл за вопрос. Выполняется без литературы. Ответ краткий: написать формулу, нарисовать схематический рисунок.

1. Энергия ионизации атома водорода равна (в эВ) \_\_\_\_\_
2. Возможные значения энергии в потенциальной яме с бесконечными стенками:  
\_\_\_\_\_
3. Какие значения полного момента возможны для атома с полным орбитальным моментом  $L=1$  и полным спином  $S=1$ : \_\_\_\_\_
4. Схематически изобразить график волновой функции первого энергетического уровня для частицы в одномерной потенциальной яме, показанной на рисунке. Нумерация энергетических уровней выбрана так, что основное состояние имеет номер  $N=1$ ; считать, что параметры ямы заведомо подобраны так, что уровень с заданным номером соответствует локализованному состоянию. Энергии нескольких первых стационарных состояний показаны пунктиром.



Студент	Вариант 3

## Часть 2

три задачи, разбалловка указана, решаются с использованием литературы

### Задача А (2 балла)

Восемь электронов поймано в трёхмерном кубическом «нано-коробке» со стороной  $a=1$  нм. Считая, что стенки «нано-коробка» непреодолимы для электрона, и пренебрегая взаимодействием электронов друг с другом, определить как изменится полная суммарная энергия пойманных электронов при сжатии «нано-коробка» в два раза вдоль одной из сторон куба.

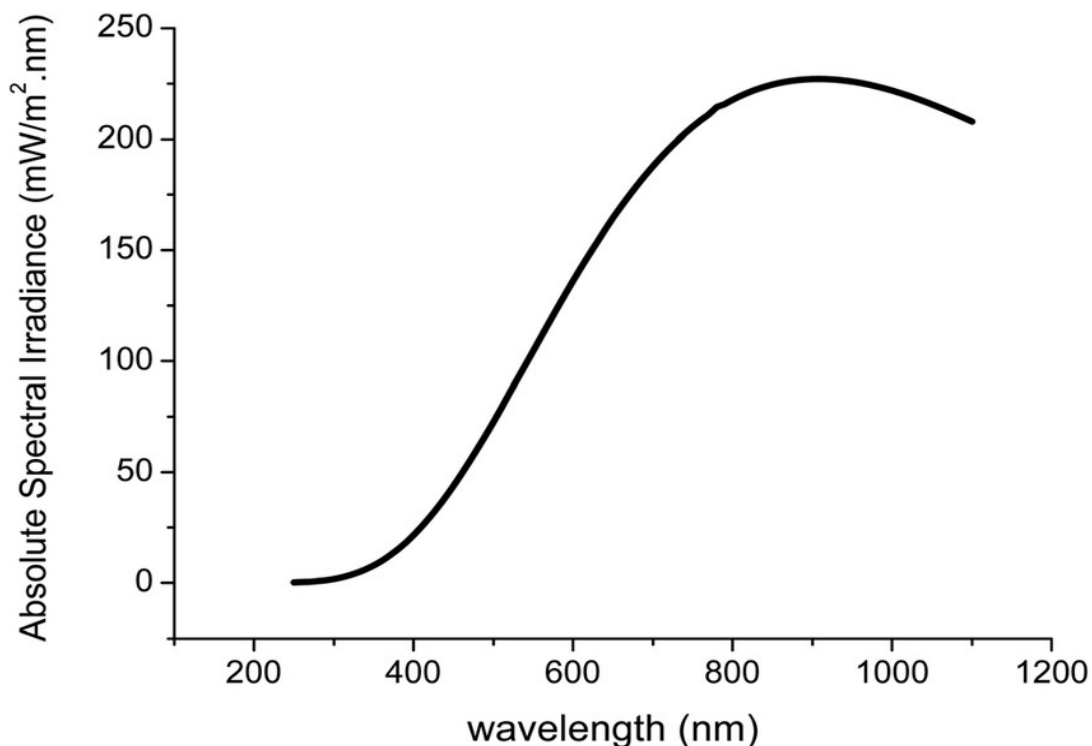
### Задача Б (2 балла)

Частоты собственных колебаний для молекул хлороводорода  $\text{HCl}$  и фторводорода  $\text{HF}$  равны  $2886 \text{ см}^{-1}$  и  $3961 \text{ см}^{-1}$  ( $1 \text{ см}^{-1}=30 \text{ ГГц}$ ). Найти отношение амплитуд нулевых колебаний в этих молекулах.

### Задача В (3 балла)

Диаметр провода в лампе накаливания составляет  $40 \text{ мкм}$ , лампа потребляет электрическую мощность  $40 \text{ Вт}$ . Зависимость спектральной плотности излучения лампы от длины волны показана на рисунке.

Оценить длину нити в лампе, считая её абсолютно чёрным телом.



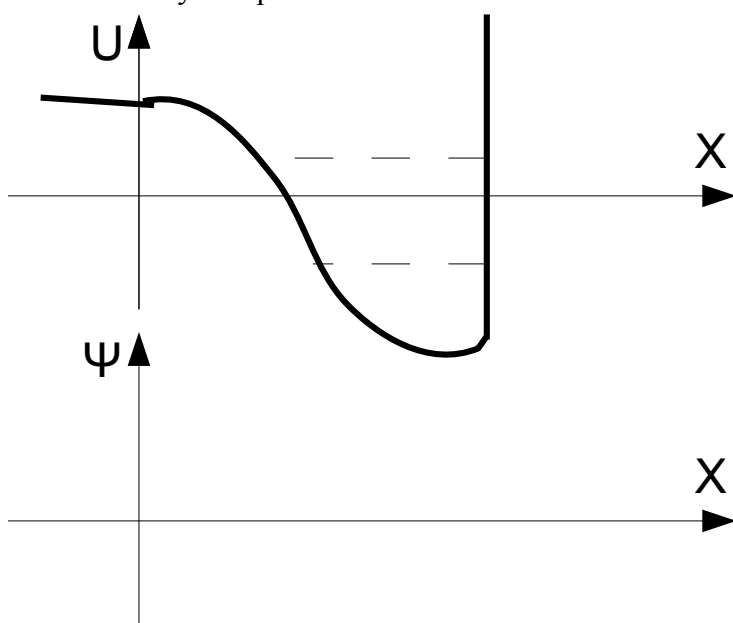
Полусеместровая контрольная работа 25.10.2021, гр. 2-929: Вариант 4

Студент	Часть 1				$\Sigma_1$	Часть 2			$\Sigma$
	1	2	3	4		А	Б	В	

## Часть 1

Четыре простых вопроса, один балл за вопрос. Выполняется без литературы. Ответ краткий: написать формулу, нарисовать схематический рисунок.

1. Типичный размер атома равен \_\_\_\_\_
2. Возможные значения энергии вращательного движения для шара с моментом инерции  $I$ : \_\_\_\_\_
3. Какие значения полного момента возможны для атома с полным орбитальным моментом  $L=2$  и полным спином  $S=1/2$ : \_\_\_\_\_
4. Схематически изобразить график волновой функции первого энергетического уровня для частицы в одномерной потенциальной яме, показанной на рисунке (на правой границе потенциал обращается в бесконечность. Нумерация энергетических уровней выбрана так, что основное состояние имеет номер  $N=1$ ; считать, что параметры ямы заведомо подобраны так, что уровень с заданным номером соответствует локализованному состоянию. Энергии нескольких первых стационарных состояний показаны пунктиром.



Студент	Вариант 4

## Часть 2

три задачи, разбалловка указана, решаются с использованием литературы

### Задача А (2 балла)

Электрон с энергией 3 эВ подлетает к барьеру высотой 3 эВ и шириной 1 нм. Считая задачу одномерной, определить вероятность прохождения барьера.

### Задача Б (2 балла)

Тонкая фольга из тугоплавкого металла нагрета практически до температуры плавления ( $T=2000$  К). Одна сторона фольги зеркальная, другая зачернена. Оценить при какой толщине фольги такая нагретая фольга может левитировать за счёт теплового излучения? Возможен ли в принципе такой эффект левитации. Для оценки принять плотность фольги  $\rho=10\text{ г/см}^3$ .

### Задача В (3 балла)

В экспериментах 1930-х годов по определению магнитного момента протона использовался метод Штерна-Герлаха. В одном из опытов пучок молекул параводорода при разных температурах пропусклся через зазор магнита с градиентом поля  $\frac{dB}{dx}=2\cdot 10^5\text{ Гс/см}$ , длина области градиента поля составляла  $l=10\text{ см}$ , измерялось отклонение пучка после магнита (параметры эксперимента по Л.Фракаш, УФН, 1935).

При температуре водорода  $T=90\text{ К}$  отклонения пучка не наблюдалось. При температуре  $T=300\text{ К}$  наблюдалось расщепление пучка на несколько компонент с максимальным отклонением пучка после магнита на 0.05 мм.

1. Пояснить причину возникновения такой зависимости от температуры.
2. На сколько компонент должен расщепиться пучок молекул параводорода при  $T=300\text{ К}$  ?
3. Оценить по приведенным данным величину магнитного момента молекулы водорода (удобно выражать ответ в ядерных магнетонах). Связана ли она с орбитальным или спиновым движением частиц?